

## Gazowa nadciekłość

Krzysztof PAWŁOWSKI\*

Bohaterowie filmu „Incepcja” potrafią wkraczać w swoje sny. Aby odróżnić sen od jawy, używają totemów – znanych tylko sobie przedmiotów, które we śnie zachowują się w nietypowy sposób. Główny bohater bawi się małą zabawką, bączkiem. W rzeczywistości taki bąk chwilę kręci się wokół swojej osi, ale po pewnym czasie na skutek tarcia zwalnia, ostatecznie przewraca się. Natomiast w snach głównego bohatera bąk kręci się bez przerwy, wskazując mu, że jest we śnie. Czy naprawdę układ bez tarcia jest nierealny?

Przytoczmy eksperyment myślowy Lwa Landaua, który prowadzi do warunku, jaki należy spełnić, aby działy się rzeczy tak niezwykle, jak brak tarć i oporów. Załóżmy, że mamy pojemnik z płynem, do którego wrzucamy małą kulkę, masę punktową  $m$ , poruszającą się z prędkością  $v$ . Zastanawiamy się, czy kulka musi być spowalniana przez ciecz. Wiemy, że obiekty poruszające się w wodzie czy w powietrzu ze względu na lepkość hamują. Lepkość powietrza jest mała, jednak to ona powoduje, że skoczek spadochronowy bezpiecznie ląduje na ziemi. Nawet przed otwarciem spadochronu prędkość skoczka nie rośnie dowolnie, ale stabilizuje się na około 200 km/h, w wyniku równowagi między oporami powietrza a siłą grawitacji. Lepkość wody jest znaczna, o czym przekonujemy się, pływając w niej. Na czym właściwie polega to spowalnianie przez lepkość? Zasada zachowania pędu oznacza, że skoro ciało hamuje w płynie, to coś obok powinno przyspieszać. Tym czymś muszą być cząstki płynu. Za lepkością stoi więc mechanizm, w wyniku którego ciało poruszające się w płynie przekazuje jego cząstkom część pędu. Z kolei poruszające się masy niosą ze sobą energię – energię kinetyczną wynikającą z ich ruchu, być może również energię wynikającą z oddziaływań między cząstkami. Nie wchodząc w szczegóły, nazwijmy tę energię dostarczoną do płynu  $E_u$ , gdzie  $u$  niech będzie prędkością, o jaką zwolniła masa punktową. Tym samym początkowa energia kinetyczna masy to  $mv^2/2$ , a końcowa  $m(v-u)^2/2$ . Zasada zachowania energii ma postać:

$$\frac{mv^2}{2} = \frac{m(v-u)^2}{2} + E_u.$$

Po przekształceniach dostajemy  $vu = \frac{1}{2}u^2 + \frac{1}{m}E_u$ , co prowadzi do następującego warunku:

$$(1) \quad v \geq \frac{vu}{u} = \frac{1}{2}u + \frac{1}{mu}E_u.$$

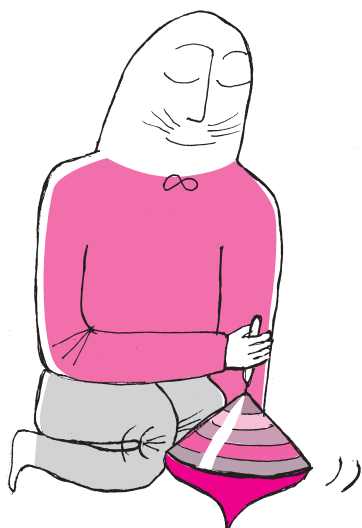
Naiwnie moglibyśmy oczekiwać, że iloraz  $E_u/(mu)$  może być dowolnie mały. Jeśli np. wzbudzeniem jest cząstka albo grupa cząstek, poruszających się z prędkością  $u$ , wtedy ich energia kinetyczna wynosi: (masa cząstek)  $\cdot u^2/2$ , a iloraz  $\frac{1}{mu}E_u$  pozostanie proporcjonalny do  $u$ . Wtedy dla prędkości  $u$  dążącej do 0 również cały iloraz  $E_u/(mu)$  znika. Co by się natomiast stało, gdyby te najmniej energetyczne wzbudzenia płynu nie zależały od prędkości jak  $u^2$ , ale były do tej prędkości proporcjonalne? Rozważmy hipotetyczną sytuację, w której energia płynu wraz z dostarczaniem pędem  $mu$  rośnie proporcjonalnie do tego pędu, czyli  $E_u = cmu$ . Wtedy nierówność (1) prowadzi do warunku:

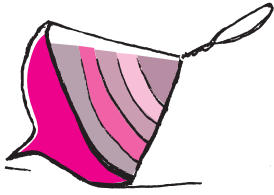
$$(2) \quad v > c.$$

Warunek oznacza, że jeśli masa wrzucona w płyn z taką niezwykle zależnością energii od prędkości byłaby wolna, wolniejsza niż krytyczna wartość  $c$ , to niemożliwym byłoby spełnienie zasady zachowania energii i pędu, zakładając, że płyn zyskał pęd. Innymi słowy, wolne cząstki poruszałyby się w tym płynie tak, jakby tego płynu w ogóle nie było! Tak, jakby wokół była próżnia! Natomiast szybsze cząstki, poruszające się z prędkościami przekraczającymi  $c$ , mogłyby oddawać energię płynowi, a tym samym zwalniać.

Czy takie płyny z nietypową zależnością energii od prędkości istnieją? Okazuje się, że tak! Płyny takie nazywamy nadciekłymi, a badane są od dekad.

Pierwsze doświadczenia, dotyczące nadciegłego helu, przeprowadzone zostały w 1937 roku przez Piotra Kapicę, który za te badania został uhonorowany Nagrodą Nobla (ponad 40 lat później). Odkrycie Kapicy wzbudziło olbrzymie





Nazwa kondensatu Bosego–Einsteina pochodzi od hinduskiego fizyka Satyendra Nath Bosego, który zaproponował nowe, statystyczne własności fotonów (wprowadził nierozróżnialność cząstek), oraz Alberta Einsteina, który zrozumiał głębię rozważań Bosego i zastosował jego ideę do atomów. O tym, co to jest kondensat Bosego–Einsteina, pisał również Kazimierz Rzażewski w  $\Delta_{16}^3$ .

Pomysł, by gaz utworzył kondensat Bosego–Einsteina, pojawił się już w 1924 roku, jednak na doświadczalną realizację należało czekać aż do roku 1995. Obecnie układ ten jest badany przez setki laboratoriów. W Polsce kondensat osiągnięto wysiłkiem szerokiej społeczności, kilku uczelni i instytutów PAN, które doprowadziły do powstania Krajowego Laboratorium FAMO w Toruniu.

Za teoretyczne prace nad nadciekłością Anthony Leggett został wyróżniony w 2003 roku Nagrodą Nobla. Co ciekawe, Leggett dość długo rozważał studia inżynierskie. Ostatecznie wybrał karierę uniwersytecką, co w jego przypadku okazało się dobrym wyborem.

zainteresowanie ówczesnych fizyków teoretycznych, którzy próbowali na różne sposoby zrozumieć to zjawisko. Okazuje się, że ścisły opis jest dość skomplikowany. Wprawdzie wczesne fenomenologiczne modele László Tiszy i Lwa Landaua dawały zgodność jakościową z doświadczeniem, ale na mikroskopijne wyjaśnienia, tzw. *ab initio*, należało czekać dekady. Nawet kiedy już poznano mechanizmy rządzące nadciekłością, poprawne ilościowe wyniki zaczęto obliczać dopiero w latach 90-tych, kiedy pojawiły się dostatecznie mocne komputery i pogłębiło się zrozumienie teorii układów wielu ciał. Okazuje się, że w bardzo schłodzonych gazach i cieczach, dla dość typowych oddziaływań między cząstkami, energia rośnie proporcjonalnie do prędkości. Rozumowanie z początku tego artykułu prowadzi więc do warunku (2), w którym pojawia się krytyczna prędkość  $c$ , będąca przy okazji prędkością rozchodzenia się dźwięku w tych układach. W doświadczeniach nadciekłość jest zjawiskiem bardzo stabilnym – doświadczenia z nadciekłym helem dotyczą litrów płynu, a efekty są tak wyraźne i zaskakujące jak sztuczki magiczne Davida Copperfielda (odsyłacze do nagrań na końcu artykułu).

W trakcie dekad badań pojęcie nadciekłości uległo pewnemu „rozmyciu”. Funkcjonują liczne, nierównoważne kryteria nadciekłości. Poniżej omówiono różne ujęcia nadciekłości w kontekście nadciekłych gazów. Samo sformułowanie może wydawać się dziwne – jak gaz ma być nadciekły, skoro nawet nie jest ciekły? Z powyższych rozważań wynika, że nadciekłość dotyczy nie tylko płynów, również gazów, a ma przejawiać się brakiem lepkości lub sił oporu. Nadciekły gaz tak naprawdę był już prezentowany w *Delcie* – jest to gaz schłodzony do temperatur miliardy razy niższych niż temperatura pokojowa, który przechodzi w tzw. kondensat Bosego–Einsteina. W typowym gazie cząstki poruszają się chaotycznie w losowych kierunkach z losową szybkością. W gazie schłodzonym do kondensatu Bosego–Einsteina wszystkie cząstki mają taką samą, prawie zerową prędkość, do tego na bodźce reagują kolektywnie. Zachowują się tak samo jak żołnierze w trakcie marszu (cytując noblistę Wolfganga Ketterlego). W tym kontekście nie jest to może dziwne, że faza ta jest nadciekła – intuicyjnie wynika ona z regularności ruchu wszystkich atomów. Cząstkom tworzącym kondensat Bosego–Einsteina praktycznie zawsze towarzyszy reszta cząstek, tworząca „zwykłą” chmurę termiczną, złożoną z cząstek o losowych prędkościach, zachowujących się niezależnie. Układ zawiera jakby dwa gazy na raz – nadciekły kondensat oraz fazę normalną. Pierwszy eksperyment demonstrujący nadciekłość gazów wykonała w 2004 roku grupa noblisty Wolfganga Ketterlego, pracującego w Massachusetts Institute of Technology. Kondensat Bosego–Einsteina oświetlono silną wąską wiązką laserową, której położenie i prędkość były precyzyjnie sterowane. Gdy wiązka była przesuwana po kondensacie z prędkością mniejszą niż krytyczna prędkość  $c$ , która w kondensacie jest rzędu 0,1 cm/s, wtedy nie obserwowano żadnych zmian w schłodzonym gazie. Dopiero gdy położenie wiązki zmieniano szybciej niż  $c$ , w gazie pojawiły się wiry i fale dźwiękowe. Tym samym zrealizowano wprost doświadczenie myślowe przeprowadzone przez Lwa Landaua, opierając się na warunku (2). Warto zwrócić uwagę na pewną subtelność, gdyż możliwe jest zmniejszanie, a nawet wyłączenie, oddziaływań między cząstkami. Kondensat Bosego–Einsteina gazu doskonałego (złożonego z cząstek nieoddziałujących) nie jest nadciekły – przynajmniej nie w sensie kryterium Landaua.

Są inne kryteria nadciekłości, które omówimy na przykładzie płynów umieszczonych w pojemniku w kształcie pierścienia. Jeden z nich dotyczy zachowania płynu, gdy pojemnik, w którym się znajduje, zaczyna się powoli obracać. Płyn przejawia nadciekłość pierwszego rodzaju, gdy nie zaczyna się obracać, mimo że obraca się naczynie, które go utrzymuje. Tego typu nadciekłość ma miejsce nawet w przypadku gazu doskonałego i wynika wprost z ogólnych cech mechaniki kwantowej. Otóż w układzie zamkniętym energie są „skwantowane”, tzn. układ może przyjąć tylko pewne wartości energii. Załóżmy, że pojemnik utrzymujący gaz obraca się powoli, z małą prędkością kątową  $\omega$ . Klasyczny płyn obracałby się wraz z pojemnikiem, a cząstki płynu miałyby prędkość proporcjonalną do  $\omega r$ , gdzie  $r$  to promień pierścienia. Jeśli jednak odpowiadająca temu energia kinetyczna  $mv^2/2$  jest znacznie

Nadciekłość jest podobna do nadprzewodnictwa. W przypadku nadprzewodnictwa cząstkami, które nie czują tarcia, są ładunki elektryczne.

Akceleratory szybkich cząstek bardzo się grzeją. Do ich chłodzenia używany jest ciekły hel o temperaturach około 4 K. To temperatura tylko trochę powyżej nadciekłości.

mniejsza niż minimalny kwant energii obliczony dla danego układu, to płyn po prostu pozostaje nieruchomy.

Innym kryterium nadciekłości jest istnienie trwałych wirów. Załóżmy, że pojemnik i znajdujący się w nim płyn już się obracają, z taką samą dużą prędkością kątową. Jak zachowa się ciecz, gdy pojemnik nagle przestanie się obracać? Zwykły, klasyczny obracający się płyn na skutek tarcia o ścianki naczynia i zderzeń między jego cząstkami po chwili zatrzyma się. Inaczej wygląda sprawa, gdy mówimy o płynie nadciekłym. Płyn nadciekły może obracać się niezwykle długo, nie zważając na zatrzymanie się pojemnika. Kondensat Bosego–Einsteina oddziałujących cząstek spełnia to drugie kryterium nadciekłości, co potwierdzono doświadczalnie w eksperymencie przeprowadzonym w grupie Gretchen K. Campbell (National Institute of Standards and Technology). W doświadczeniu kondensat Bosego–Einsteina umieszczono w pułapce o kształcie pierścienia. Z przyczyn technicznych pułapka była nieruchoma, natomiast możliwe było rozkręcenie kondensatu dodatkowym laserem odpychającym atomy. Wiązka lasera obracała się po obwodzie pierścienia, wprawiając atomy w ruch. Przy stopniowym wyłączeniu wiązki obserwowano, że skondensowany gaz porusza się długo po obwodzie pierścienia, analogicznie do nadciekłego helu.

Zainteresowanym Czytelnikom polecam obejrzenie na YouTube nagrań doświadczeń przeprowadzonych na schłodzonych cieczach, konkretnie ciekłym helu. Pierwszy film ([youtu.be/2Z6UJbwxBZI](https://youtu.be/2Z6UJbwxBZI)) pokazuje doświadczenie, w którym widać, jak nadciekły hel wspina się po ściankach naczynia, pozornie wbrew grawitacji. W drugim filmie ([youtu.be/YVMuI\\_sh1tE](https://youtu.be/YVMuI_sh1tE)) widać tak zwaną fontannę helową.

W komentarzach pod filmami o nadciekłości pojawia się pytanie – czy w cieczy nadciekłej da się pływać? Z powyższych rozważań wynika, że jak najbardziej – wystarczy machać rękoma szybciej niż prędkość krytyczna nadciekłego płynu. A czy kręcący się bez końca bączek jest zawsze dowodem na to, że śnimy? Jak widać, niekoniecznie: obserwując kręcący się bączek zrobiony z nadciekłego helu, nie będziemy w stanie rozstrzygnąć, czy to jawa czy sen.



## Zadania

Przygotował Andrzej MAJHOFER

**F 977.** Siła  $F_{op}$  potrzebna do pokonania oporów toczenia koła po płaskiej powierzchni jest proporcjonalna do siły  $N$  nacisku na oś koła:  $F_{op} = f_T N$ . Typowy wagon z węglem ma masę  $m = 80$  ton. Ile takich wagonów może pociągnąć lokomotywa o masie  $M = 120$  ton po poziomym torze? Jakie jest największe nachylenie toru, po którym ta lokomotywa może wciągnąć 40 wagonów z węglem? Współczynnik tarcia statycznego stal-stal  $f = 0,7$ , współczynnik tarcia tocznego kół o stalowe szyny  $f_T = 0,002$ .

Rozwiązanie na str. 9

**F 978.** Wagi laboratoryjne używamy do mierzenia niewielkich mas z dokładnością do 1 miligramu. Podczas ważenia zabytkowej figurki szachowej wykonanej z hebanu suma równoważących ją mas mosiężnych odważników wynosi  $m_M = 30$  g. Ile wynosi rzeczywista masa  $M$  figurki? Gęstość hebanu  $\rho_H = 1,2$  g/cm<sup>3</sup>, gęstość mosiądzu  $\rho_M = 8,5$  g/cm<sup>3</sup>, a powietrza  $\rho_P = 1,2$  mg/cm<sup>3</sup>.

Rozwiązanie na str. 8

Przygotował Łukasz BOŻYK

**M 1603.** W turnieju piłkarskim bierze udział  $2n$  drużyn. Pierwszego dnia odbyło się  $n$  meczów, przy czym każda drużyna rozegrała dokładnie jeden mecz. Podobnie drugiego dnia każda drużyna rozegrała dokładnie jeden mecz, z inną drużyną niż pierwszego dnia. Wykazać, że po dwóch dniach rozgrywek można wskazać  $n$  drużyn o tej własności, że żadne dwie jeszcze ze sobą nie grały.

Rozwiązanie na str. 21

**M 1604.** W konferencji bierze udział  $2n$  osób, przy czym każda z nich zna dokładnie trzech innych uczestników konferencji. Co więcej, wszystkich uczestników można tak posadzić przy okrągłym stole, aby każdy siedział pomiędzy dwoma spośród swoich znajomych. Wykazać, że wszystkich uczestników można na co najmniej trzy różne sposoby zakwaterować w  $n$  pokojach dwuosobowych tak, aby każdy był w pokoju ze swoim znajomym. Dwa sposoby zakwaterowania uznajemy za różne, jeśli co najmniej jedna osoba ma w nich innego współlokatora.

Rozwiązanie na str. 4

**M 1605.** W konferencji bierze udział  $2n$  osób, przy czym każda z nich zna dokładnie trzech innych uczestników konferencji. Czy wynika z tego, że wszystkich uczestników można zakwaterować w  $n$  pokojach dwuosobowych tak, aby każdy był w pokoju ze swoim znajomym?

Rozwiązanie na str. 6