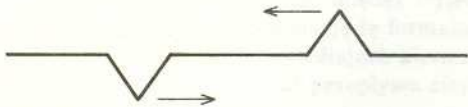


## Zasada superpozycji

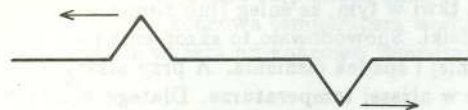
głosi, że dwie fale mogą przebiegać dany obszar przestrzeni niezależnie, tzn. w każdym punkcie i w każdej chwili wychylenie jest sumą wychyleń odpowiadających każdej z fal oddzielnie. Wynika stąd wniosek, że jeśli np. na strunie wytworzymy dwa impulsy biegnące naprzeciw siebie,



to w pewnym momencie fale „znikną”, tzn. wychylenia się zniosą,

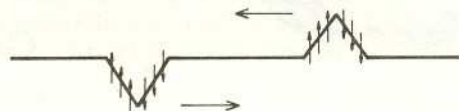


a następnie impulsy znów powstaną „z niczego”.

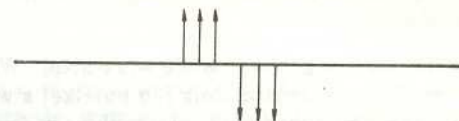


Czy ten – pozornie absurdalny – wniosek z zasady superpozycji jest prawidłowy i jak można go pogodzić z zasadą zachowania energii?

Wyjaśnienie paradoksu kryje się w tym, że energia fali występuje w dwóch postaciach – jako suma energii kinetycznych punktów ośrodka oraz suma energii potencjalnych (np. energii sprężystości, gdy fala powoduje rozciąganie i ściskanie ośrodka, lub energii grawitacyjnej, gdy mowa o falach na powierzchni wody). Energia potencjalna zależy od wychyleń punktów ośrodka, energia zaś kinetyczna od ich prędkości. Na przedstawionych rysunkach bezpośrednio widzimy tylko wychylenie punktów, a więc tylko energia potencjalna spada do zera i ponownie się „odtworza”. Aby omówić energię kinetyczną, zaznacmy pionowymi strzałkami prędkości punktów ośrodka na pierwszym rysunku.



Widzimy, że nałożenie się impulsów oznacza dodanie (podwojenie) prędkości:



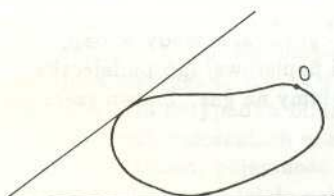
W momencie mijania się impulsów kosztem spadku energii potencjalnej do zera energia kinetyczna jest więc czterokrotnie większa niż dla pojedynczego impulsu.

Jerzy B. BROJAN

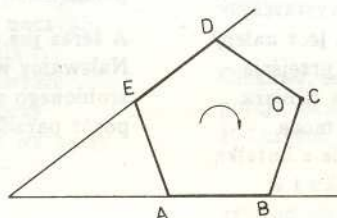
## Nie wszystko koło, co się kręci

Następujące pytanie zostało postawione przez Andrieja Nikolajewicza Kołmogorowa. Mamy dany kąt oraz punkt  $O$  wewnątrz niego (rys. 1). Czy istnieje figura inna niż koło, która może obracać się wewnątrz tego kąta w taki sposób, że będzie cały czas dotykała do obu jego ramion, punkt  $O$  zaś będzie leżał na jej obwodzie?

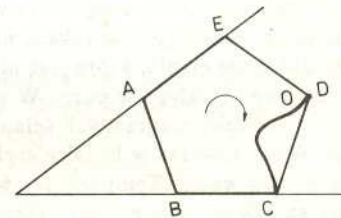
Oczywiście, koło ma tę własność. Ale nie tylko koło. A. Babczew znalazł pewną klasę takich figur (*Kwant* 5/1981). Rozważmy, mianowicie, wielokąt foremny umieszczony w kącie utworzonym z przedłużenia dwóch jego boków. Niech natomiast punkt  $O$  będzie jednym z wierzchołków tego wielokąta (rys. 2a).



Rys. 1



Rys. 2a



Rys. 2b. Po obrocie o kąt  $2\pi/5$ .

Jeśli teraz będziemy obracali ten wielokąt, to punkt  $O$ , oczywiście, nie będzie leżał na jego obwodzie, lecz będzie zakreślał pewną krzywą w jego wnętrzu. Jeśli obrócimy wielokąt o kąt  $2\pi$ , to punkt  $O$  zakreśli pewien „kwiatek”. Łatwo zauważyć, że figura w kształcie tego „kwiatka” spełnia już założenia zadania Kołmogorowa.

Powstają pytania. Czy istnieją inne figury o tej własności? A jeśli ograniczymy się do figur wypukłych, to czy istnieją jakieś figury różne od koła? A może zmodyfikować zadanie i rozpatrywać figury styczne nie do ramion kąta, lecz do jakichś innych figur?

Piotr HAJŁASZ

Sumę szeregu  $1 - 1 + 1 - 1 + 1 - 1 + \dots$  można obliczyć bez trudu:  $S = 1 - 1 + 1 - 1 + 1 - 1 + \dots = 1 - (1 - 1 + 1 - 1 + \dots) = 1 - S$ , skąd  $S = \frac{1}{2}$ . Błąd, oczywiście, polega na potraktowaniu szeregu tak, jakby reprezentował on liczbę – jeśli  $S$  nie jest liczbą, to z  $S = 1 - S$  nie da się wyprowadzić zależności  $S = \frac{1}{2}$ .

Rodziców mamy dwoje. Dziadków czworo. Pradziadków ośmiuro. Cofając się o  $n$  pokoleń będziemy mieli  $2^n$  prapra...pradziadków. Biorąc  $n = 100$  (a więc cofając się o kilka tysięcy lat) mamy

$$2^{100} = (2^{10})^{10} = 1024^{10} > 1000^{10} = 10^{30}$$

Czy to trochę nie za dużo?