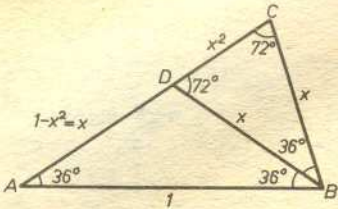


Rozwiązanie zadania M 460. Rozpatrzmy trójkąt  $ABC$ , gdzie  $\sphericalangle A = 36^\circ$ ,  $\sphericalangle B = \sphericalangle C = 72^\circ$ . Poprowadźmy dwusieczną  $BD$ . Trójkąty  $ABC$  i  $BCD$  są podobne. Jeśli  $AB = 1$ ,  $BC = x$ , to  $CD = x^2$ , jednocześnie  $1 - x^2 = AD = BD = x$ . Zatem  $x^2 + x - 1 = 0$ , czyli  $x = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$  i  $\sin 18^\circ = \frac{1}{2}x = \frac{\sqrt{5}-1}{4}$ .



Podział nieba na gwiazdozbiory, a także nazwy większości z nich pochodzą z czasów starożytnych. Szczególną uwagę zwracano wówczas na te gwiazdozbiory, przez które przechodzi ekliptyka (krzywa, po której „wędruje” Słońce w swym rocznym ruchu po niebie). Najdawniej nazywanymi są więc gwiazdozbiory Pasa Zodiaku, zwanego także Zwierzyńcem, gdyż wiele z nich nosi nazwy różnych zwierząt. Ich nazwy i granice pochodzą od astronomów i astrologów babilońskich.

Pas Zodiaku rozciąga się na szerokość 15–20 stopni symetrycznie po obu stronach ekliptyki. Ponieważ płaszczyzny orbit większości ciał Układu Słonecznego niemal pokrywają się z płaszczyzną orbity Ziemi, w obszarze Zwierzyńca oprócz ruchu Słońca odbywają się ruchy Księżyca, planet i prawie wszystkich planetoid.

Obszar jednego gwiazdozbioru zodiakalnego (około 30° długości na ekliptyce) Słońce pokonuje w ciągu około miesiąca. Nie oznacza to jednak, że przejście przez granicę gwiazdozbiorów odbywa się na przełomie miesięcy. Natomiast przejścia Słońca przez określone punkty — granice znaków zodiaku — związane są z początkiem astronomicznych pór roku. Na przykład około 21 marca Słońce przechodzi przez punkt Barana i w tym momencie rozpoczyna się astronomiczna wiosna.

Data rozpoczęcia wiosny, jak zresztą każdej pory roku, nie jest w każdym roku taka sama. Ten szczególny moment związany jest z przejściem środka tarczy słonecznej przez punkt przecięcia ekliptyki z równikiem niebieskim (punkt Barana). Odstęp między dwoma kolejnymi takimi przejściami, zwany rokiem zwrotnikowym, nie jest całkowitą wielokrotnością dób ziemskich. Jest on odzwierciedleniem ruchu obiegowego Ziemi wokół Słońca i nie ma żadnego związku z obrotem Ziemi wokół osi. Dlatego równonoc wiosenna może wypadać 20, 21 lub 22 marca. W tym roku wiosnę powitamy 21 marca o godzinie 04<sup>h</sup>52<sup>m</sup> (czasu zimowego).

Historyczna nazwa punktu Barana pochodzi od greckiego astronoma Hipparcha (180–110 r.p.n.e.). Została ona nadana około 2000 lat temu, gdy punkt Barana leżał w zodiakalnej konstelacji Barana. Wskutek zjawiska precesji osi ziemskiej przesuwa się on na zachód wzdłuż ekliptyki o niecałą minutę kątową w ciągu roku. Do czasów dzisiejszych przesunął się o 30° i „zawędrował” do sąsiadującego z Baranem gwiazdozbioru Ryb, jednak jego historyczna nazwa pozostała nie zmieniona.

W ciągu owych 2000 lat takiemu samemu przesunięciu uległy położenia innych, ustalonych przez Hipparcha znaków zodiaku. Gdy mówimy na przykład, że w momencie rozpoczęcia zimy Słońce wchodzi w znak Koziorożca, naprawdę znajduje się ono akurat w sąsiadującym od zachodu z Koziorożcem gwiazdozbiore Strzelca. Nazwy zwrotników ziemskich z powodu „wędrowki” znaków zodiaku również nie są aktualne. Dziś zamiast zwrotnikiem Raka i Koziorożca nazwalibyśmy je raczej odpowiednio zwrotnikiem Bliźniąt i Strzelca. W ciągu 26 000 lat, gdy oś ziemska zatacza w przestrzeni pełny stożek, każdy ze znaków zodiaku przechodzi przez wszystkie gwiazdozbiory Zwierzyńca.

Rozwiązanie zadania F 215. a) Prawo zachowania energii przy przelocie statku z punktu  $A$  do  $B$  daje  $Mv_A^2/2 - GMM_Z/(R_Z+h) = Mv_B^2/2 - GMM_Z/R_Z$ . Zgodnie z drugim prawem Keplera promień wodzący statku liczony od środka Ziemi w równych odstępach czasu zakresła równe powierzchnie. Jeśli odstęp czasu  $\Delta t$  jest dostatecznie mały, to powierzchnia ta będzie w przybliżeniu równa powierzchni trójkąta o podstawie  $v \cdot \Delta t$  i wysokości  $R$ :

$$\frac{1}{2} (R_Z+h) \cdot v_A \cdot \Delta t = \frac{1}{2} R_Z v_B \cdot \Delta t,$$

gdzie  $v_A, v_B$  są prędkościami w punktach  $A$  i  $B$  orbity,  $h$  — wysokością orbity w punkcie  $A$ . Z powyższych równań wynika że prędkość statku w punkcie  $A$ , po włączeniu silnika jest równa

$$v_A = \sqrt{2gR_Z^2 / [(R_Z+h) \cdot (2R_Z+h)]}.$$

Do momentu włączenia silnika statek porusza się po kołowej orbicie z prędkością, którą łatwo można obliczyć,  $v_0 = \sqrt{gR_Z^2 / (R_Z+h)}$ . Silnik powinien zmniejszyć prędkość statku o wielkość

$$\Delta v = v_0 - v_A = \sqrt{\frac{gR_Z^2}{R_Z+h}} \cdot \left(1 - \sqrt{\frac{2R_Z}{2R_Z+h}}\right) \approx v_0 h / 4R_Z \approx 145 \text{ m/s}.$$

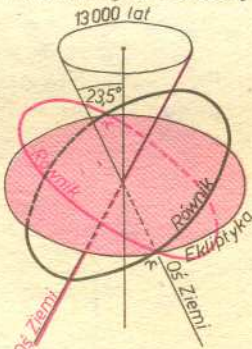
Ponieważ silnik pracuje jedynie krótką chwilę, więc możemy posłużyć się zasadą zachowania pędu:

$$Mv_0 = (M-m)(v_0 - \Delta v) + m(u+v_0),$$

gdzie  $m$  — masa wyrzuconego w postaci gazów paliwa,  $u$  — ich prędkość wylotu. Przekształcając ostatnie wyrażenie otrzymujemy

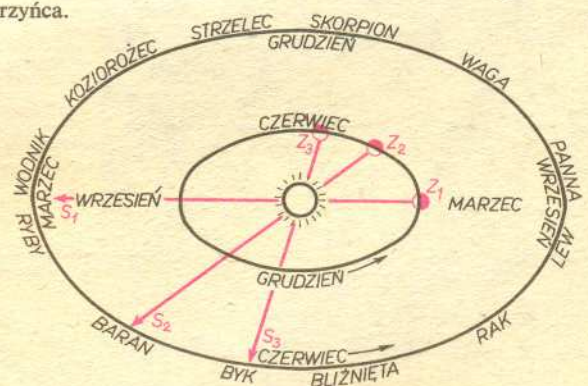
$$m = M \cdot \Delta v / (u + \Delta v) \approx M \cdot \Delta v / u \approx 175 \text{ kg}.$$

b) w tym wypadku postępujemy analogicznie jak w a) z tą różnicą, że wektor  $v$  będzie skierowany prostopadle do wektora  $v_0$ . Dlatego też  $\Delta v = \sqrt{v_0^2 - v_A^2}$ . A zatem  $\Delta v = 1480 \text{ m/s}$ , co daje większe zużycie paliwa  $m \approx M \cdot \Delta v / u \approx 1800 \text{ kg}$ .



Po 13 tys. lat punkt Barana będzie „z drugiej strony” ekliptyki.

Nocą widoczne są gwiazdozbiory leżące po przeciwnej, w stosunku do Słońca, stronie ekliptyki.



Bezpośrednie obserwacje ruchu Słońca na tle gwiazdozbiorów zodiakalnych nie są możliwe z powodu silnego rozpraszania promieni słonecznych w atmosferze ziemskiej. Można jednak dokonywać takich obserwacji w sposób pośredni. Wystarczy obserwować gwiazdozbiory Pasa Zodiaku górujące w danym miesiącu o północy. Wiadomo bowiem, iż Słońce przechodzi wtedy przez gwiazdozbiór leżący po przeciwnej stronie ekliptyki. Gdy np. o północy góruje Panna, to w południe górują Ryby, słowem — Słońce znajduje się akurat w gwiazdozbiore Ryb i zgodnie z przedstawionymi wcześniej uwagami jest ono w znaku Wodnika.